

# Population Genetics

وراثة العشائر

إعداد

أ.د/ ممدوح محمد عبد المقصود

أستاذ الوراثة الكمية وزراعة الأنسجة

## n العشيرة Population

العشيرة هي عبارة عن مجموعة كبيرة من الأفراد ذكور وإناث تعيش معاً في منطقة واحدة وقادرة على التكاثر الجنسي فيما بينها بحيث يكون لكل فرد نفس الفرصة في أن يتزاوج مع أي فرد آخر في العشيرة وهنا تسمى هذه العشيرة بإسم مجتمع تحت نظام التزاوج العشوائى Random mating population

## التكرار الجيني Gene frequency

n ولكي نقدر التكرار الجيني فإنه يجب حصر العدد الكلي للعشيرة وتصنيفها حسب التراكيب الوراثية المختلفة ثم يتم تحويل الأعداد إلى تكرار نسبي وذلك بقسمة كل فئة على العدد الكلي. وكمثال على ذلك نأخذ حالة قطيع من ماشية الشورتهورن تمثل عشيرة من مائة فرد ذكور وإناث بأعداد متساوية وتم دراسة لون الأفراد ووجد أن الأفراد تقع في ثلاث فئات مظهرية كما يلي:-

الشكل المظهرى	أحمر	طوبى	أبيض
التركيب الوراثى	RR	Rr	rr
عدد الأفراد	٣٠	٢٠	٥٠
المجموع = ١٠٠			
التكرار النسبى	٠.٣	٠.٢	٠.٥
المجموع = ١ صحيح			

ومن تكرار التراكيب الوراثية يمكن حساب التكرار الجيني كما يلي:

تكرار الأليل (الجين)  $R =$  تكرار  $RR + 0.5$  تكرار  $Rr$

$$0.4 = (0.2) 0.5 + 0.3 =$$

تكرار الأليل (الجين)  $r =$  تكرار  $rr + 0.5$  تكرار  $Rr$

$$0.6 = (0.2) 0.5 + 0.5 =$$

وهنا يجب ملاحظة أن:

تكرار  $R +$  تكرار  $r = 1$  واحد صحيح

وعلى ذلك إذا عرف تكرار أحد الأليلين يمكن معرفة تكرار الأليل الآخر  
أى أن:

تكرار  $R = 1 -$  تكرار  $r$  وكذلك فإن تكرار  $r = 1 -$  تكرار  $R$

# Describing genetic structure

- genotype frequencies
- allele frequencies



$rr = \text{white}$

$Rr = \text{pink}$

$RR = \text{red}$

# Describing genetic structure

- genotype frequencies
- allele frequencies



200 white

500 pink

300 red

genotype  
frequencies:

$$200/1000 = 0.2 \text{ rr}$$

$$500/1000 = 0.5 \text{ Rr}$$

$$300/1000 = 0.3 \text{ RR}$$

total = 1000 flowers

[www.faculty.southwest.tn.edu](http://www.faculty.southwest.tn.edu)

# Describing genetic structure

- genotype frequencies
- allele frequencies



$$200 \text{ rr} = 400 \text{ r}$$

$$500 \text{ Rr} = 500 \text{ r} \\ 500 \text{ R}$$

$$300 \text{ RR} = 600 \text{ R}$$

allele

frequencies:

$$900/2000 = 0.45 \text{ r}$$

$$1100/2000 = 0.55 \text{ R}$$

total = 2000 alleles

# قانون التوازن الوراثى لهاردى وفينبرج

## Law of genetic equilibrium of Hardy & Weinberg

تكرارات التراكيب الوراثية لا تعتمد على السيادة والتتحي  
ولكن تعتمد على التكرار الجينى فى العشيرة الذى ينتقل من  
جيل إلى آخر من خلال جاميطات جيل الآباء ويظل تكرار  
التراكيب الوراثية ثابت من جيل الى آخر طالما توافرت فى  
العشيرة الشروط التالية:

## شروط هاردي وفينبرج للتوازن الوراثي:

- أفراد العشيرة ثنائية المجموعة الكروموسومية Diploid  $n$
  - يتم التكاثر الجنسي بين أفراد العشيرة Sexual reproduction  $n$
  - التزاوج عشوائي Random mating  $n$
  - حجم العشيرة كبير Large size  $n$
  - لا تحدث هجرة من العشيرة أو إليها No migration  $n$
  - لا تحدث طفرة No mutation  $n$
  - لا يحدث إنتخاب No selection  $n$
- فتظل تكرارات التراكيب الوراثية ثابتة من جيل الى جيل وتساوي:
- $AA (p^2): Aa (2Pq): aa (q^2)$  بفرض أن تكرار A هو  $p$  وتكرار a هو  $q$

# الإثبات الجبري لقانون هاردي وفينبرج

$n$  إذا كانت التكرار الجيني لـ  $A$  هو  $p$  والتكرار الجيني لـ  $a$  هو  $q$  فإن التكرارات المتوقعة للتراكيب الوراثية في المجتمع ستكون:-

تكرارات الجاميطات		♂	
		$(A)p$	$(a)q$
♀	$(A)p$	$p^2$	$pq$
	$(a)q$	$pq$	$q^2$

## التزاوج العشوائي

التزاوجات العشوائية الممكنة	عدد مرات التزاوج	تكرار التزاوج	تكرارات الجيل الثاني المتوقعة		
			AA	Aa	Aa
AA x AA	1 (P <sup>2</sup> x P <sup>2</sup> )	p <sup>4</sup>	p <sup>4</sup>	-	-
AA x Aa	2 (P <sup>2</sup> x 2pq)	4p <sup>3</sup> q	2p <sup>3</sup> q	2p <sup>3</sup> q	-
AA x aa	2(p <sup>2</sup> X q <sup>2</sup> )	2p <sup>2</sup> q <sup>2</sup>	-	2p <sup>2</sup> q <sup>2</sup>	-
Aa x Aa	1(2pq x 2pq)	4p <sup>2</sup> q <sup>2</sup>	p <sup>2</sup> q <sup>2</sup>	2p <sup>2</sup> q <sup>2</sup>	p <sup>2</sup> q <sup>2</sup>
Aa x aa	2(2pq x q <sup>2</sup> )	4pq <sup>3</sup>	-	2pq <sup>3</sup>	2pq <sup>3</sup>
aa x aa	1(q <sup>2</sup> x q <sup>2</sup> )	q <sup>4</sup>	-	-	q <sup>4</sup>
<b>مجموع التكرارات</b>		<b>1</b>	<b>p<sup>2</sup></b>	<b>2pq</b>	<b>q<sup>2</sup></b>

## التوازن الوراثى فى حالة تعدد الأليلات

- فى الجزء السابق تم شرح التوازن بفرض أن كل جين له زوج واحد من الأليلات
- فى بعض الحالات يكون للجين أكثر من أليلين وعندما تتوفر شروط هاردي وفينبرج فى العشيرة فتصل العشيرة الى التوازن الوراثى للأليلات الثلاثة كما هو مبين بالجدول التالى:

The Hardy-Weinberg law for three alleles.

Male Gametic Frequencies	Female Gametic Frequencies		
	$p (A_1)$	$q (A_2)$	$r (A_3)$
$p (A_1)$	$p^2 (A_1A_1)$	$pq (A_1A_2)$	$pr (A_1A_3)$
$q (A_2)$	$pq (A_1A_2)$	$q^2 (A_2A_2)$	$qr (A_2A_3)$
$r (A_3)$	$pr (A_1A_3)$	$qr (A_2A_3)$	$r^2 (A_3A_3)$

من المتوقع الحصول على ٦ تراكيب وراثية من الثلاث أليات وبالتكرارات التالية:

0.2	0.1	0.3	0.1	0.2	0.1
$A^1 A^1$	$A^1 A^2$	$A^1 A^3$	$A^2 A^2$	$A^2 A^3$	$A^3 A^3$
$p^2$	$2pq$	$2pr$	$q^2$	$2qr$	$r^2$

بفرض أن التكرار الجيني للأليل  $A^1$  هو  $p$  و الأليل  $A^2$  هو  $q$  والأليل  $A^3$  هو  $r$  فيكون التكرار الجيني للثلاث أليات بالعشيرة هو التالي:

$$p \text{ or } A^1 = 0.2 + 1/2 (0.1) + 1/2 (0.3) = 0.4$$

$$q \text{ or } A^2 = 0.1 + 1/2(0.1) + 1/2(0.2) = 0.25$$

$$r \text{ or } A^3 = 0.1 + 1/2(0.3) + 1/2(0.2) = 0.35$$

# التوازن فى حالة الجينات المرتبطة بالجنس

• فى حالة الجينات المحمولة على الكروموسوم X والمعروفة بالمرتبطة بالجنس فتمثل بأليلين بالفرد المتمائل الجاميطات (الإناث) ولذلك تمثل الإناث ثلثى هذا الأليل بينما الذكور تمثل الثلث الأخر ولذلك يكون التكرار الجينى عند التوازن مساوى للآتى:

$$p = 2/3p_f + 1/3p_m$$

$$q = 2/3q_f + 1/3q_m$$

*The end*