

# الباب الخامس

## ELASTICITY المرونة n

n تدلنا سرعة رجوع الأجسام إلى حالتها الأصلية بعد إزالة القوى المؤثرة علي ما تتمتع بها هذه الأجسام من مرونة و تسمى هذه المواد بالأجسام المرنة ويشترط أن لا تكون القوة المؤثرة كبيره لدرجة تتخطى حد مرونة المادة وإلا تحتفظ هذه المادة بجزء من التغير بعد زوال القوة المؤثرة .

n قانون هوك : إذا أثرنا بقوة شد أو ضغط علي جسم ما  
فأن هذه القوة ستحدث تغيراً في أبعاد الجسم الطبيعية و  
سيكون علينا الآن دراسة العلاقة بين القوة و التغير في أبعاد  
الجسم . العالم روبرت هوك أول من درس العلاقة بين  
قوة الشد والاستطالة التي تنتج عنها في جسم ما .

## عناصر المرونة n

١ - الإجهاد (STRESS) هو القوى التي تؤثر علي المادة المرنة فتحدث فيها تغيرا في الشكل أو الحجم ، و الإجهاد قد يكون إجهاد ضغط أو شد ويقاس الإجهاد بمقدار القوة التي تؤثر علي وحدة المساحات و تكون عمودية علي الانفعال الحادث في الجسم المرن.

$$\frac{F}{A} \text{ dyn/cm}^2$$

n ٢- الانفعال : و هو التغير النسبي في شكل أو حجم المادة المرنة نتيجة للقوة أو الأجهاد المؤثر فيها ، ويقاس الأنفعال عن طريق المعادلة الآتية :

n التغير في الطول أو الحجم الانفعال = الطول أو الحجم الأصلي

n \* \* و يوجد ثلاثة أنواع للانفعال أيضا هي :

n الانفعال الطولي : و هو التغير الحادث في طول المادة المرنة في اتجاه تأثير الإجهاد فإذا فرضنا وجود سلك مرن طوله (L) سم و مثبت من طرفه العلوي كما في الشكل ، و إذا أثرنا بقوة شد تعمل رأسيا إلى أسفل فأنه يمكن التعبير عن استطالة السلك بالمقدار (DL) ويكون :

n التغير في الطول DL الانفعال الطولي = الطول الأصلي L

## معاملات المرونة

أ- معامل يونج للمرونة : و يعرف بأنة النسبة بين الإجهاد الطولي الذي يؤثر في المادة المرنة وبين الانفعال الطولي الحادث فيها أي أن:

الإجهاد الطولي/معامل يونج للمرونة = الانفعال الطولي

داين في اتجاه عمودي علي مقطع سلك مثبت من F فإذا أثرت قوة مقدارها A الطول الأصلي للسلك ، L) حيث DL الطرف الآخر و كانت الاستطالة الحادثة)

فإن: (Y) مساحة مقطعه و رمزنا لمعامل يونج بالرمز

(DL/L) داين/سم<sup>2</sup> الانفعال الطولي Y معامل يونج === (F/A) الإجهاد الطولي

٢- معامل المرونة الحجمي : و يعرف بأنة النسبة بين الإجهاد الحجمي المؤثر

في المادة المرنة و بين الانفعال الحجمي الناتج و يعبر عنه رياضيا بالعلاقة :

القوة العمودية علي وحدة المساحات/معامل المرونة الحجمي = النقص في الحجم بالنسبة للحجم الأصلي

$n$  ٣ - معامل المرونة للقص : و يعرف بأنه النسبة بين إجهاد القص الذي يؤثر على المادة المرنة وبين انفعال القص الناتج فإذا رمزنا لمعامل مرونة القص بالرمز  $N$  فإنه يمكن التعبير عنه بالمعادلة :

$n$  القوة المماسية المؤثرة على وحدة المساحة  $F/AN$  == زاوية القص  $q$  و وحدات هذه المعاملات هي دائما وحدة القوة على وحدة المساحة إذ أن الانفعال نسبة لا وحدة له.

n نسبة بواسون

n إذا أثرت قوة شد لأسفل علي سلك مثبت من اعلي فأنا نشاهد :

n حدوث استطالة في اتجاه قوة الشد .

n حدوث تقلص في نفس الوقت لقطر السلك .

n ولقد استطاع بواسون أن يثبت أن الاستطالة الحادثة لسلك مرن في

إتجاه قوة الشد تتناسب طردياً مع التقلص المستعرض في قطر

السلك والنسبة بين الإستطالة والتقلص المستعرض تتوقف على

طبيعة المادة المرنة و تسمى هذه النسبة الثابتة (نسبة بواسون).

n التوتر السطحي

SURFACE TENSION n

n توجد بين جزيئات المواد المختلفة قوى قوية تتميز بمدى قصير أي أن تأثير هذه القوى لا يظهر إلا إذا اقتربت الجزيئات من بعضها جدا . و هناك تجارب بسيطة عديدة تدل على وجود هذه القوى ذات المدى القصير .

n فإذا أتينا بلوح من الزجاج و قربناه من سطح سائل دون أن يلمسه فأننا لا نلاحظ و جود أي تجاذب مهما زاد اقترابهما من بعضهما ، و لكن إذا لامس لوح الزجاج سطح السائل فأننا نلاحظ أن السائل يلتصق بقوة كبيرة بسطح اللوح الزجاجي.

n كما أننا نلاحظ أيضا أنه إذا وضعت قطرة من الزئبق على سطح أفقي فإننا نلاحظ أنها تأخذ شكلا كرويا بدلا من أن تنتشر كطبقة رقيقة على السطح تحت تأثير الجاذبية الأرضية و هذا يدلنا على أن شدة قوة التجاذب بين جزيئات الزئبق يجعلها تقاوم فعل الجاذبية

n وهذه القوى الجزيئية ، أي التي توجد بين جزيئات السائل تؤدي إلى وجود كثير من الظواهر كالخاصية الشعرية (ارتفاع السوائل في الأنابيب ذات المقاطع أو أنصاف الأقطار الصغيرة كما هو الحال عند ارتفاع الماء في التربة و في سيقان النباتات .

## n زاوية التلامس

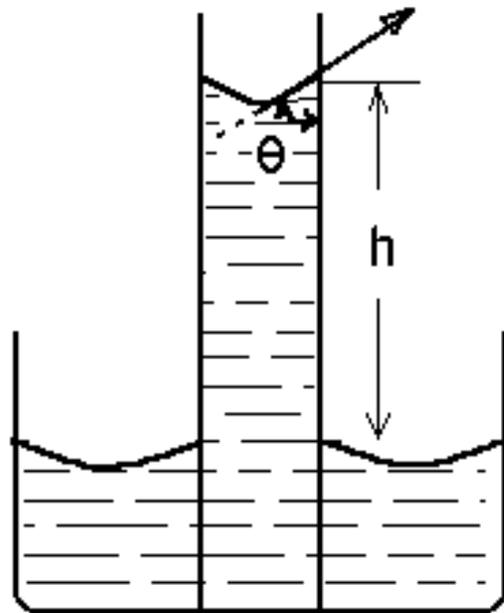
n حينما يتقابل سائل مع سطح جسم صلب فأنة يصنع معه زاوية معينة تتوقف قيمتها علي طبيعة كل من السائل و سطح الجسم الصلب الملامس له و تسمى هذه الزاوية ( زاوية التلامس) أي أن زاوية التلامس: هي الزاوية التي تقع داخل السائل بين سطح الجسم الصلب المغمور فيه السائل و بين المماس لسطح السائل عند تقابله مع سطح الجسم الصلب.

n و زاوية التلامس تكون قيمتها قريبة من الصفر في الحالة التي يبيل السائل فيها الجسم الصلب.

## الخاصة الشعرية

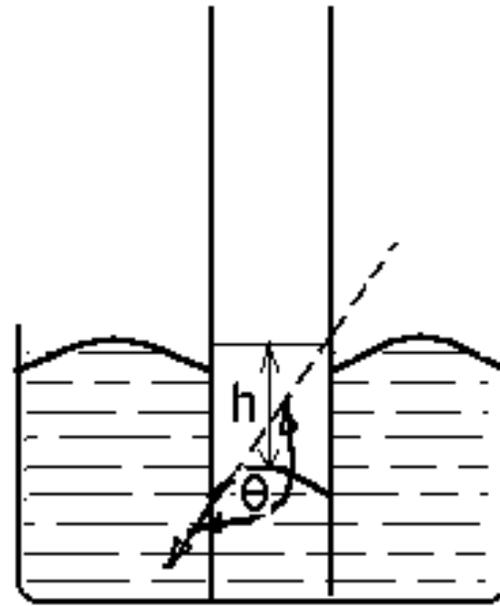
إذا و ضعنا أنبوبة زجاجية قطرها الداخلي صغير ( أنبوبة شعرية ) في وضع رأسي بحيث غمر طرفها السفلي في حوض به سائل فأننا نلاحظ ارتفاع أو إنخفاض السائل داخل هذه الأنبوبة عما هو عليه في الحوض و تسمى هذه الظاهرة بالخاصية الشعرية .

فإذا كان السائل من السوائل المبللة للزجاج المصنوعة منه الأنبوبة أي أن زاوية التماس بين سطح السائل و جدار الزجاج أقل من ٩٠ فأننا سنلاحظ أن السائل سيرتفع داخل الأنبوبة كما هو الحال في حالة الماء.



(a)

ارتفاع اسوائل التي تبلل  
سطح الجسم الصلب



(b)

ارتفاع الزئبق في الأنبوبة الشعرية  
ارتفاع سائل يمثل انخفاض الزئبق  
في الأنبوبة الشعرية

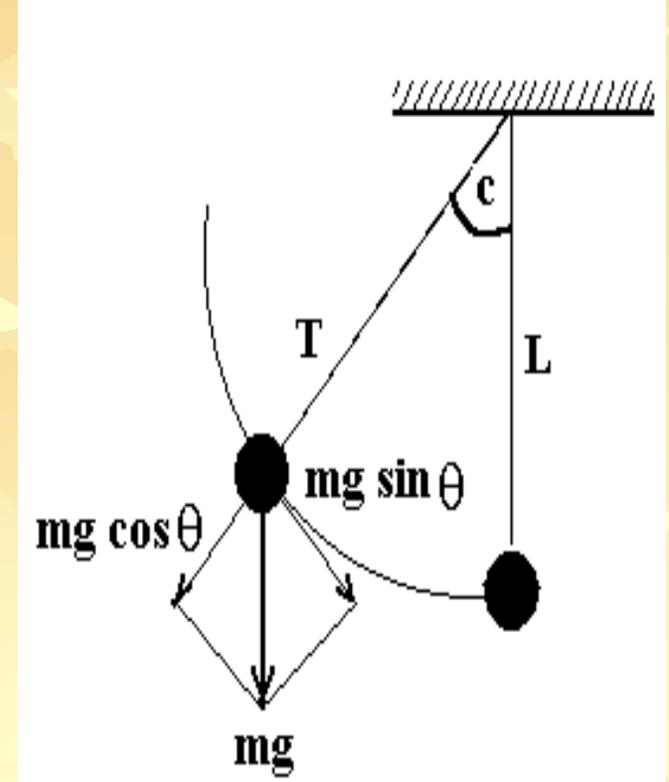
## n الحركة التوافقية

n هناك أجسام تتحرك تحت تأثير قوة ثابتة مثل حركة جسم يسقط تحت تأثير الجاذبية الأرضية مثلا ، و في هذه الحالة تكون العجلة المؤثرة على هذه الأجسام ثابتة أثناء الحركة و هناك نوع آخر من الحركة تتغير فيه القوة و العجلة بتغير مكان الجسم المتحرك و أبسط هذه الأنواع هو الحركة التوافقية البسيطة .

## البندول البسيط n

n يتكون البندول البسيط من كرة صغيرة الحجم معلقة في أحد طرفي خيط غير مرن خفيف الوزن و مثبت من طرفه الآخر في نقطة تعليق. إذا تركنا الخيط لكي يسكن فأننا نلاحظ أنه يأخذ وضعاً راسياً في حالة اتزانه و توقفه عن الحركة.

n إذا شدت الكرة جانباً بعض الشيء ثم تركت فأننا نلاحظ أن كرة البندول تتذبذب حول وضع الاتزان. و المطلوب هو معرفة ما إذا كانت هذه الحركة من نوع الحركة التوافقية البسيطة أم لا.



n و تكون قوة الاسترداد في هذه الحالة هي :

$$F = - MG \text{ SIN } q \dots\dots\dots(1) \quad n$$

n والإشارة السالبة هنا تشير إلى أن اتجاه القوة F هو عكس الاتجاه الذي تزيد فيه الزاوية q.

n و من المعادلة (1) نرى أن قوة الاسترداد لا تتناسب مع q و لكنها تتناسب مع SINq و لذا لا نستطيع أن نقول أن الحركة في هذه الحالة حركة توافقية بسيطة ، و لكن إذا كانت الزاوية q صغيرة فإننا نستطيع أن نقول أن SINq تساوي تقريبا الزاوية q و في هذه الحالة تكون قوة الاسترداد :

$$F = - MG \quad F = MA \quad n$$

$$\backslash MA \quad n$$

$$a = - \omega^2 x \dots \dots (2) \quad \text{و العجلة}$$

تساوى

$$\therefore \omega^2 = \dots \dots \therefore \omega = (2) \quad \text{والمعادلة (2)}$$

T هي شرط الحركة التوافقية البسيطة ويكون الزمن الدوري مساويا.

∴

و هكذا نرى أنه في حالة الإزاحة ( أو الزوايا ) الصغيرة فإن الزمن الدوري للبندول البسيط لا يتوقف على سعة الذبذبة و ( وإنما يتوقف على طول البندول m. لا على كتله الكره )