



جامعة المنصورة
كلية الزراعة
قسم الهندسة الزراعية

الزمن : ساعتين
التاريخ : ٢٠١٠/٦/١٥

الامتحان النظري
رياضة (٢) (تفاضل وتكامل)
الفرقة الأولى : هندسة زراعية

الجزء الأول التفاضل

١- أوجد مشتقة الدوال التالية:

$$1.1 \ y = \sin^3(2x^2 + 5x + 1); \quad 1.2 \ y = 5 \sqrt{\frac{x^3 - 1}{x^3 + 1}}; \quad 1.3 \ x^2 y + x y^2 + 5y - 6 = 0;$$

$$1.4- y = e^{\sin x^2}; \quad 1.5- y = \sqrt{\sec \sqrt{x}}; \quad 24- y = 3^x;$$

$$٢- أوجد مشتقة الدالة العكسية للدالة $y = x^2$ ثم أثبت أن $\frac{dy}{dx} = 1/\frac{dx}{dy}$$$

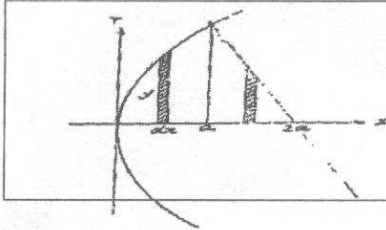
$$3- \text{Find } \frac{dy}{dx} \text{ and } \frac{d^2y}{dx^2} \text{ if } y = x^2(x^4 + x^2 + 1)$$

الجزء الثاني التكامل

١- ثانيا أوجد التكاملات التالية:

$$1.1 \ \int \frac{3x^2 dx}{x^6 + 4} \quad 1.2 \ \int \sec^4 x \, dx; \quad 1.3 = \frac{dx}{\sqrt{x^2 + 6x + 25}}$$

$$1.4 \ \int \ln x \, dx; \quad 1.7 \ \int x e^{ax} \, dx; \quad 1.5 \ u_n = \frac{1}{a} \int x^n e^{ax} \, dx$$



٢- أوجد المساحة الواقعة في الربع الموجب (الربع الأول)

المحددة بالقطع المكافئ $y^2 = 4ax$ ومحور x
والمستقيم $y = 4a - 2x$.

3-Evaluate approximately $\int_0^1 \frac{4}{1+x} dx$ with trapezoidal approximation for $n = 4$. Then estimate the error.

$$4- \text{ompute the value of Find } \int_0^1 \int_x^2 x^2 y \, dy \, dx$$