



جامعة المنصورة
كلية الزراعة
قسم الهندسة الزراعية

امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني
مقرر رياضة (٢) (تفاضل وتكامل)
الفرقة الأولى : هندسة زراعية (س معتمدة)
أجب على جميع الأسئلة

الزمن : ساعتين
التاريخ : ٢٠١١/٦/٨
(الدرجة النهائية = ٦٠ درجة)

أولا التفاضل (25 درجة)

١- أوجد المشتقة الأولى للدوال (١٥ درجة=٣ لكل منها):

$$1.1 - y = \cos^3(\sin^{-1}\sqrt{x}); \quad 1.2 - y = \tan^{-1}(\sec x); \quad 1.3 - y = \log_3 \sqrt{\frac{x^2-1}{x^2+1}};$$

$$1.4 - y = \log \log(\cos^{-1} x^2); \quad 1.5 - y = e^{ax} \cdot \sin(bx)$$

٢- أوجد dy/dx للدالة (٥ درجة) : $x^2 + x \cdot y + y^2 - 2y^3 = 1$

٣- أوجد المشتقة البارامترية $dy/dx, d^2y/dx^2$ (٥ درجة)

$$y = \sqrt{u^2 + 1} \quad x = \sqrt{1 - u^2}$$

ثانيا التكامل (٢٥ درجة=٢ كل مها)

١- أوجد التكاملات التالية: (٢٠ درجة=٢ لكل منها)

$$1.1 \int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} \quad 1.2 \int \frac{x \cdot dx}{\sqrt{9+x^2}} \quad 1.3 - \int \tan^4 x \cdot dx \quad 1.4 \int \frac{dx}{\sqrt{x^2+a^2}} \quad 1.5 \int \frac{dx}{x^2+4x+8}$$

$$1.6 \int \sec^3 x \cdot dx \quad 1.7 \int \tan^n x \cdot dx \quad 1.8 \int \sqrt{x^2-a^2} \cdot dx$$

٢- في الحركة التوافقية البسيطة Simple Harmonic motion $\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega^2 x$ أوجد السرعة v بدلالة المسافة x إذا علم أن $v=0$ حينما $x=a$ وأن ω ثابتة. (٥ درجات)

3- Compute the value of : $\int_0^1 \int_1^2 \frac{x}{y} dy dx$ (5 degrees)

4- Evaluate approximately $\int_0^1 \frac{4}{1+x^2} dx$ with trapezoidal approximation for $n=4$. Then estimate the error(5 degrees)