



كلية الزراعة
قسم الهندسة الزراعية

الامتحان النظري (٦٠ درجة)
الفصل الدراسي الثاني
رياضة ٢ (تفاضل وتكامل)
الفرقة الأولى : هندسة زراعية

الزمن : ساعتين
التاريخ : ٢٠١٤/٥/١٤
ساعات معتمدة + اخطأ قديمة
أجب على جميع الأسئلة

السؤال الأول (١٠ درجة):

١- أوجد المشتقة العكسية للدالة: $y = \frac{x+1}{x-1}$; $(dy/dx = 1/(dx/dy))$ (٢ درجة)

٢- أوجد مشتقة الدالة الضمنية $x^3 + 2xy^2 + 2x^2y + y^3 = 0$ (٤ درجة)

٣- أوجد المشتقة $\frac{dy}{dx}$; $\frac{d^2y}{dx^2}$ للدالة البارامترية $y = \sqrt{u^2 + 1}$; $x = \sqrt{u^2 - 1}$ (٤ درجة)

السؤال الثاني: أوجد مشتقة الدوال التالية (٢٠ درجة = ٤ × ٥ درجة):

2.1 $\frac{d}{dx}(\sin^3 x^2)$

2.2 $y = \sec \sqrt{x^2 + 1}$

2.3 $y = \tan^{-1}\left(x - \frac{1}{x}\right)$

2.4 $\frac{d}{dx} 3^{x \sin^{-1} x}$

2.5 $y = x^2 \tan^{-1} x^2$

السؤال الثالث: أوجد التكاملات التالية (٢١ درجة = ٧ × ٣ درجات)

3.1 $\int \frac{3x^2 dx}{x^2 + 4}$

3.2 $\int \sec^4 x dx$

3.3 $u_n = \int \tan^n x dx$

3.4 $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + 6x + 25}}$

3.5 $\int \ln x dx$

3.6 $u_n = \frac{1}{a} \int \frac{x^n \cdot e^{ax}}{x} dx$

3.7 $\int \sec^3 x dx$

السؤال الرابع: (٩ درجات = ٣ × ٣ درجات)

Simple Harmonic motion في الحركة التوافقية البسيطة

$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega^2 x$

أوجد السرعة v بدلالة المسافة x إذا علم أن $v = 0$ حينما $x = a$ وأن ω ثابتة.

4.2 - Evaluate approximately $\int_0^1 \frac{4}{1+x} dx$ with trapezoidal approximation for $n=4$

4.3 - Find the computation of the value : $\int_0^1 \int_x^2 x^2 y dy dx$