



Second Term Examination June 2009

Academic Level: First Level

Program: Phys, Math, Biophy, Comp & static

Time: 2 Hours

Date: 8th of June 09

Subject: Electromagnetism

Courses: Physics 104

Full Mark: 60 Marks

Answer the Following Questions

[1] a- Convert into Cartesian coordinates each of the following points:

i - $(2, 5\pi/6, 3)$ and ii - $(4, 4\pi/3, -1)$ in cylindrical coordinates

iii - $(4, 2\pi/3, \pi/6)$ and iv - $(\sqrt{8}, \pi/4, \pi/3)$ in spherical coordinates

[8] Mark

b- Find the divergences of the following vector fields: i) $3x\hat{i} + (y-3)\hat{j} + (2-z)\hat{k}$.

ii) $r^2 \sin \theta \hat{\theta}$ in spherical coordinates

[7] Mark

[2] a- Using the curl of $\underline{E}_{(r)}$, derive the electrostatic potential $U_{(r)}$ from the electric field intensity $\underline{E}_{(r)}$.

[7] Mark

b- A positive charge $q = 3.20 \times 10^{-19}$ C moves with a velocity $\underline{v} = (2\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k})$ m/s through a region where both a uniform magnetic field and a uniform electric field exist.

(i) Calculate the total **Lorentz** force on the moving charge (in unit-vector notation), taking

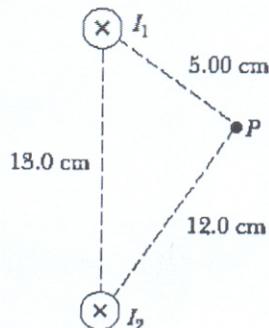
$$\underline{B} = (2\hat{i} + 4\hat{j} + \hat{k}) T \text{ and } \underline{E} = (4\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}) V/m.$$

(ii) What angle does the force vector make with the positive x axis

[8] Mark

[3] a- A long straight wire of radius R carries a steady current I that is uniformly distributed through the cross section of the wire.

Calculate the magnetic field at a distance r from the center of the wire in the regions $r \geq R$ and $r < R$. Use Ampere's law [7] Mark



b- Two long, parallel conductors carry currents

$I_1 = 3.00$ A and $I_2 = 3.00$ A, both directed into the page in Figure. Determine the magnitude and direction of the resultant magnetic field at P. [8] Mark

[4] a- Define the following terms:

Flux of a vector – Lenz's law – The Curl of a vector field – Absolute potential at a point – Electrostatic field intensity – Gradient of a scalar field - Faraday's law of induction. [7] Mark

b- Maxwell modified Ampere's law to include time varying electric field; it is called Ampere-Maxwell law for displacement current. Prove that the displacement current I_d is equal to the conduction current I. [8] Mark



Answer the Following Questions

Mark

1. a) Find the voltage across each element and the total voltage of the RLC circuit shown in Fig. 1. Given the current passes is $i = 5\cos(5000t - 45^\circ)$ A. [8]
- b) Find the resonant frequency of the circuit shown in Fig. 2. [7]
2. a) Calculate the impedance Z_a in the circuit shown in Fig. 3. [7]
- b) Define the power factor. [8]
Given the series circuits of Fig. 4.
Determine the power triangle.
3. a) Draw the phasor and the impedance diagrams and determine the circuits constants for the following voltage and current: $v = 50\sin(1000t + 60^\circ)$ V, $i = 5\cos(1000t - 90^\circ)$ A. [7]
- b) In the RLC series circuit, define the half power frequencies (ω_1, ω_2) and the quality factor (Q_0) at resonance frequency (ω_0). Prove that $Q_0 = \frac{\omega_0}{\omega_2 - \omega_1}$ [8]
4. a) Find the average and the effective values of the half wave rectified sine wave shown in Fig. 5. [7]
- b) Find the total current and the equivalent impedance of the circuit shown in Fig.6 [8]

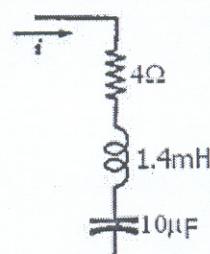
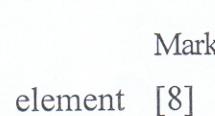


Fig. 1.

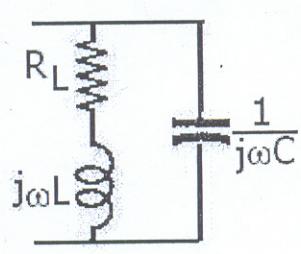


Fig. 2.

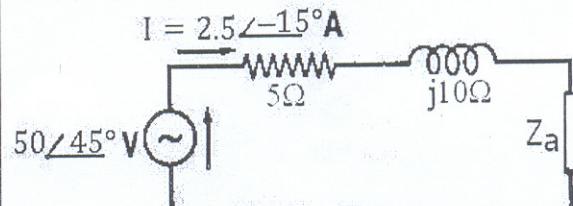


Fig. 3.

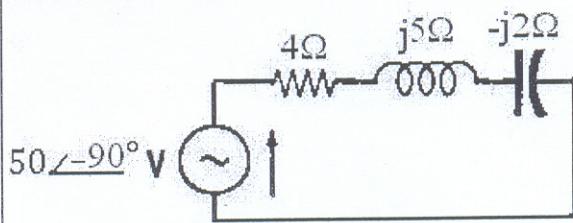


Fig. 4.

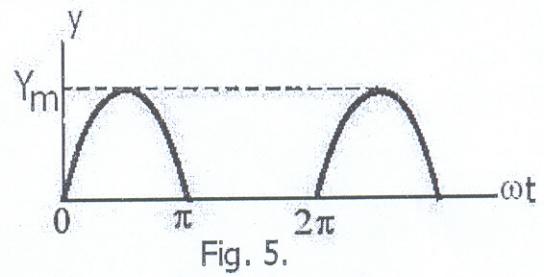


Fig. 5.

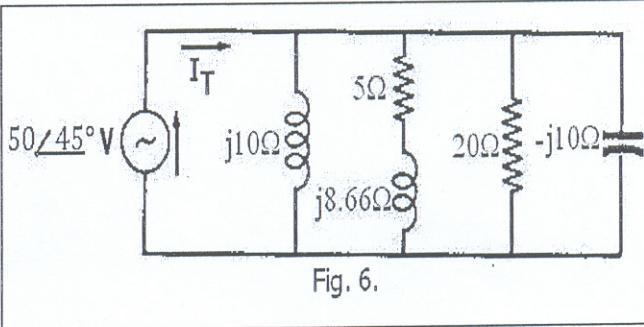


Fig. 6.

With our best wishes

Prof. Magdy Tadrows

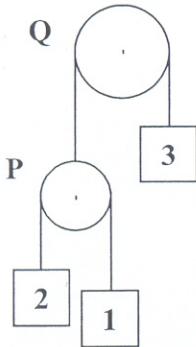
Dr. Adel Daoud



الدرجة الكلية: ٨٠ درجة

أجب عن جميع الأسئلة الآتية:
السؤال الأول:

أ) جسم يتحرك على خط مستقيم تحت تأثير قوة جاذبة $m\mu/x^2$ حيث m كتلة الجسم ، x بعده عن نقطة ثابتة على الخط ، μ ثابت موجب. أوجد أقل سرعة يقذف بها الجسم على الخط المستقيم من على مسافة a من مركز الجذب حتى لا يعود مطلاقاً إلى نقطة القذف. (٨ درجات)



ب) في المجموعة المبينة بالشكل: إذا كانت البكرتان P ، Q خفيقتان و ملسوتان والخيوط جميعها خفيفة و غير مرنة ، فاثبت أنه إذا بدأت المجموعة الحركة من سكون فإن البكرة P تصعد إلى أعلى بعجلة مقدارها $g/17$ وأن الكتلة التي مقدارها 2 تهبط إلى أسفل بعجلة مقدارها $5g/17$ حيث g عجلة الجاذبية الأرضية . (١٢ درجة)

السؤال الثاني:

أ) قضيب منتظم طوله $2L$ يستند في وضع أفقى على حاملين عند طرفيه A ، B فإذا كانت كتلة وحدة الأطوال منه هي w ، فارسم المنحنيات للقوى القاسية و العزم الحانى للأجزاء المختلفة للقضيب.

ب) قضيب AB قابل للحركة حول نقطة A و طرفه الآخر مربوط بخيط متصل بحلقة تتزلق على سلك أفقى أملس عند A . أثبت من مبدأ الشغل الافتراضى أن القوة الأفقية اللازمة لحفظ الحلقة فى حالة اتزان تساوى $\frac{W \cos \alpha \cos \beta}{2 \sin(\alpha + \beta)}$ حيث W هو وزن القضيب ، α هى زاوية ميل القضيب على الأفقى ، β هى زاوية ميل الخيط على الأفقى. (١٠ درجات)

السؤال الثالث:

أ) اصطدمت كرة متحركة بسرعة $\sqrt{3} u$ مع كرة مساوية لها و متحركة بسرعة u . إذا كان اتجاهها حركة الكرتين قبل التصادم يصنعن 30° ، 60° مع خط المركزين على الترتيب و كانت الكرتين تامتى المرونة فاثبت أن اتجاهى حركتهما بعد التصادم يصنعن زاويتان 60° ، 30° مع خط المركزين على الترتيب و أوجد طاقة الحركة المفقودة. (١٠ درجات)

ب) أعد صاروخ للانطلاق رأسياً لأعلى و كانت كتلته الكلية $2m$ منها m من الوقود. فإذا كان الصاروخ يقذف مادته بمعدل ثابت يساوى $m/50$ كل ثانية بسرعة نسبية $100g$ رأسياً لأسفل ، فأوجد الزمن الذى ينطلق عنده الصاروخ و أوجد أقصى سرعة يكتسبها و كذلك أقصى ارتفاع. (١٠ درجات)

السؤال الرابع: بدأ نقطة مادية الحركة من سكون من أعلى نقطة على سطح كرة ملساء نصف قطرها b .

أثبت أنها تترك سطح الكرة عندما تنزلق زاوية قدرها $\frac{2}{3} \cos^{-1}$ وكذلك أثبت أنه عندما تبتعد النقطة المتحركة مسافة $b\sqrt{5}$ يكون عمقها أسفل مركز الكرة هو $\frac{19b}{4}$. (٢٠ درجة)

مع أطيب التمنيات بالتفوق،



Answer the following: (Each question 15 Marks)

- 1- a) Derive the kinetic gas equation
 b) What is the molecular weight of gas X if it effuses 0.876 times as rapidly as N₂ (N = 14).
 c) Calculate the volume occupied at STP by 6.4 grams of oxygen. (O = 16).

- 2- a) Derive the effect of temperature on ΔH.
 b) Write on: i- Hess's law of heat summation
 ii- Le Chatelier principle

- 3-a) Write short notes on:
 i- Ideal and non-ideal solutions
 ii- colligative property and Osmotic pressure.
 b) A solution of 0.9 gram of CCl₄ dissolved in 50 grams in benzene, the depression in the freezing point was found to be 0.6°C . Calculate the molecular weight of CCl₄. (k_f = 5.12).

- 4- a) Derive the relation between K_p and K_c.
 b) The pH of 0.1 M solution of weak acid HX is 3.3. What is the ionization constant of HX.

Best Wishes

Examiners: Prof.Dr.M.Morsi, prof.Dr.A.S.Fouda, A.El-Askalany and prof.Dr.M.Emam