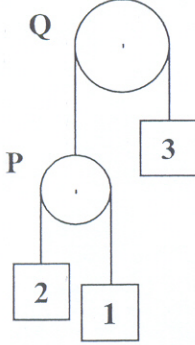




الدرجة الكلية: ٨٠ درجة

أجب عن جميع الأسئلة الآتية:
السؤال الأول:

(أ) جسيم يتحرك على خط مستقيم تحت تأثير قوة جاذبية $m\mu/x^2$ حيث m كتلة الجسيم ، x بعده عن نقطة ثابتة على الخط ، μ ثابت موجب. أوجد أقل سرعة يقذف بها الجسيم على الخط المستقيم من على مسافة a من مركز الجذب حتى لا يعود مطلقاً إلى نقطة القذف. (٨ درجات)



(ب) في المجموعة المبينة بالشكل: إذا كانت البكرتان Q ، P خفيفتان و ملسوتان والخيوط جميعها خفيفة و غير مرنة ، فاثبت أنه إذا بدأت المجموعة الحركة من سكون فإن البكرة P تصعد إلى أعلى بعجلة مقدارها $g/17$ وأن الكتلة التي مقدارها 2 تهبط إلى أسفل بعجلة مقدارها $5g/17$ حيث g عجلة الجاذبية الأرضية. (١٢ درجة)

السؤال الثاني:

(أ) قضيب AB متناظم طوله $2L$ يستند في وضع أفقي على حاملين عند طرفيه A ، B فإذا كانت كتلة وحدة الأطوال منه هي W ، فارسم المنحنيات للقوى القاصة و العزم الحاني للأجزاء المختلفة للقضيب.

(١٠ درجات)

(ب) قضيب AB قابل للحركة حول نقطة A و طرفه الآخر مربوط بخيط متصل بحلقة تنزلق على سلك أفقي أملس عند A . أثبت من مبدأ الشغل الافتراضي أن القوة الأفقية اللازمة لحفظ الحلقة في حالة اتزان تساوي $\frac{W \cos \alpha \cos \beta}{2 \sin(\alpha + \beta)}$ حيث W هو وزن القضيب ، α هي زاوية ميل القضيب على الأفقي ، β هي زاوية ميل الخيط على الأفقي. (١٠ درجات)

السؤال الثالث:

(أ) اصطدمت كرة متحركة بسرعة $u\sqrt{3}$ مع كرة مساوية لها و متحركة بسرعة u . إذا كان اتجاهها حركة الكرتين قبل التصادم يصنعان 30° ، 60° مع خط المركزين على الترتيب و كانت الكرتين تامتى المرونة فاثبت أن اتجاهي حركتهما بعد التصادم يصنعان زاويتان 60° ، 30° مع خط المركزين على الترتيب و أوجد طاقة الحركة المفقودة. (١٠ درجات)

(ب) أعد صاروخ للانطلاق رأسياً لأعلى و كانت كتلته الكلية $2m$ منها m من الوقود. فإذا كان الصاروخ يقذف مادته بمعدل ثابت يساوي $m/50$ كل ثانية بسرعة نسبية $100g$ رأسياً لأسفل ، فأوجد الزمن الذي ينطلق عنده الصاروخ و أوجد أقصى سرعة يكتسبها و كذلك أقصى ارتفاع. (١٠ درجات)

السؤال الرابع: بدأت نقطة مادية الحركة من سكون من أعلى نقطة على سطح كرة ملساء نصف قطرها b .

أثبت أنها تترك سطح الكرة عندما تنزلق زاوية قدرها $\cos^{-1} \frac{2}{3}$ وكذلك أثبت أنه عندما تبتعد النقطة المتحركة

مسافة $\sqrt{5}b$ يكون عمقها أسفل مركز الكرة هو $\frac{19b}{4}$. (٢٠ درجة)

مع أطيب التمنيات بالتفوق،

Answer the Following Questions

[1] a- Convert into Cartesian coordinates each of the following points:

i - $(2, 5\pi/6, 3)$ and ii - $(4, 4\pi/3, -1)$ in cylindrical coordinates

iii - $(4, 2\pi/3, \pi/6)$ and iv - $(\sqrt{8}, \pi/4, \pi/3)$ in spherical coordinates

[8] Mark

b- Find the divergences of the following vector fields: i) $3x\hat{i} + (y-3)\hat{j} + (2-z)\hat{k}$.

ii) $r^2 \sin \theta \hat{\theta}$ in spherical coordinates

[7] Mark

[2] a- Using the curl of $\underline{E}_{(r)}$, derive the electrostatic potential $\underline{U}_{(r)}$ from the electric field intensity $\underline{E}_{(r)}$.

[7] Mark

b- A positive charge $q = 3.20 \times 10^{-19}$ C moves with a velocity $\underline{v} = (2\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k})$ m/s through a region where both a uniform magnetic field and a uniform electric field exist.

(i) Calculate the total **Lorentz** force on the moving charge (in unit-vector notation), taking

$$\underline{B} = (2\hat{i} + 4\hat{j} + \hat{k})\text{T and } \underline{E} = (4\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k})\text{V/m.}$$

(ii) What angle does the force vector make with the positive x axis

[8] Mark

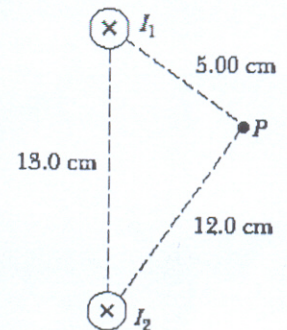
[3] a- A long straight wire of radius R carries a steady current I that is uniformly distributed through the cross section of the wire.

Calculate the magnetic field at a distance r from the center of the wire in the regions $r \geq R$ and $r < R$. **Use Ampere's law** [7] Mark

b -Two long, parallel conductors carry currents

$I_1 = 3.00$ A and $I_2 = 3.00$ A, both directed into the page in Figure. Determine the magnitude and direction of the resultant magnetic field at P.

[8] Mark



[4] a- Define the following terms:

Flux of a vector – Lenz's law– The Curl of a vector field – Absolute potential at a point –

Electrostatic field intensity –Gradient of a scalar field - Faraday's law of induction. [7] Mark

b- Maxwell modified Ampere's law to include time varying electric field; it is called Ampere-Maxwell law for displacement current. Prove that the displacement current I_d is equal to the conduction current I.

[8] Mark



Answer the following: (Each question 15 Marks)

1- a) Derive the kinetic gas equation

b) What is the molecular weight of gas X if it effuses 0.876 times as rapidly as N_2 ($N = 14$).

c) Calculate the volume occupied at STP by 6.4 grams of oxygen. ($O = 16$).

2- a) Derive the effect of temperature on ΔH .

b) Writ on: i- Hess's law of heat summation
ii- Le Chatelier principle

3-a) Write short notes on:

i- Ideal and non-ideal solutions

ii- colligative property and Osmotic pressure.

b) A solution of 0.9 gram of CCl_4 dissolved in 50 grams in benzene, the depression in the freezing point was found to be $0.6^\circ C$. Calculate the molecular weight of CCl_4 . ($k_f = 5.12$).

4- a) Derive the relation between K_p and K_c .

b) The pH of 0.1 M solution of weak acid HX is 3.3. What is the ionization constant of HX.

Best Wishes

Examiners: Prof.Dr.M.Morsi, prof.Dr.A.S.Fouda, Prof.Dr.A.El-Askalany and
prof.Dr.M.Emam.