

Mansoura University  
Faculty of Science  
Math. Dept.  
Final Exam, Jun 2013  
Time : Two hours



Subject : 317 m  
Abstract algebra (3)  
3<sup>th</sup> Year Math.  
Date : 27/5/2013

**Answer the following questions**

**Total (80 Marks)**

[1] a) Define (five) only of the following : (26 Marks)

Unique factorization domain (UFD), Euclidean domain (ED), irreducible polynomial, primitive polynomial, prime ideal, Maximal ideal

b) Prove that, every pair of non- zero elements  $a, b$  of a PID has  $\gcd d = (a,b)$ ,  
Moreover  $d = \lambda a + \mu b$  for  $\lambda, \mu$  in  $R$ .

c) In the domain  $Z$ , for  $a = 382, b = 26$  find  $d, \lambda, \mu$ .

[2] a) Let us consider  $Z[x]$  ; (30 Marks)

i) Is  $Z[x]$  a UFD ? Why?

ii) Show that  $S = \{a + xf(x) : a \in 2Z, f(x) \in Z[x]\}$  is an ideal in  $Z[x]$ .

iii) Is  $Z[x]$  a PID?

b) Find :

i) the zeros of  $x^3 + 3x^2 + 2x + 1$  in  $Z_6[x]$ .

ii)  $\gcd$  of  $8 + 6i$  and  $5 + 5i$  in  $Z[i]$

iii) the units in  $Z[x]$  and  $Z_4[x]$ .

[3] Prove (three) only : (24 Marks)

i)  $Z[\sqrt{-5}]$  is an integral domain but not a UFD.

ii) If  $F$  is field, then the nonzero ideal  $\langle p(x) \rangle$  of  $F[x]$  is maximal iff  $p(x)$  is irreducible polynomial over  $F$ .

iii) IF  $F$  is a field , then every proper nontrivial prime ideal of  $F[x]$  is maximal.

iv)  $Z[i] = \{a + ib : a, b \in Z\}$  is a UFD.

د. سعاد السواح

مع أطيب التمنيات بالنجاح

Mansoura Univ.  
 Faculty of Science  
 Mathematics Dept.  
 Subject: Math.

3rdYear: math.  
 Date June 2013  
 Time: 2 hours  
 Full marks: 80

Course Integral equations math 318

Answer the following questions:

[1] Relate Volterra Integral equation to Initial value problem. Hence prove existence and uniqueness of solutions for initial value problems, Volterra Integral equation and Fredholm integral equation. [20 marks].

[2] i) Solve the following integral equation

$$y(t) = 1 + b \int_0^t y(s) ds, \text{ where } b \text{ is a small parameter.}$$

ii) Use resolvent kernel to solve the following integral equation

$$y(t) = \exp(t^2) + \int_0^t \exp(t^2 - s^2) y(s) ds. \quad [20 \text{ marks}].$$

[3] Solve the following integral equations:

i)  $\int_0^t y(s)(t-s)^2 ds = t^3.$

ii)  $y(t) = \sin t + \int_0^{\pi/2} \sin ty(s) \cos s ds. \quad [20 \text{ marks}].$

[4] Solve the following integral equations.

i)  $y(t) = 5 \int_0^1 t s y^3(s) ds.$

ii)  $y_1(t) = 1 + \int_0^t y_2(s) ds,$

$y_2(t) = \int_0^t y_1(s) ds. \quad [20 \text{ marks}].$

المستوى: الثالث البرنامج: رياضيات المقرر: ر ٣١٠ جبر خطي ٢	 كلية العلوم - قسم الرياضيات	دور مايو ٢٠١٣ الزمن: ساعتان التاريخ: ٢٠١٣/٦/٣
---	--	---

(الدرجة الكلية ٨٠ درجة)

أجب عن الأسئلة الآتية:

[1] أ) عرف فضاء الضرب الداخلي  $V$  ثم اثبت أن:  $\forall u, v \in V$  .  $|\langle u, v \rangle| \leq \|u\| \|v\|$  (٢٥ درجة)ب) اثبت أن  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(x)g(x)dx$  تعرف ضرب داخلي على الفراغ  $C[0, 1]$  ثم أوجد:

$$\|x^2\|, \quad \langle 1, e^x \rangle, \quad d(x, x^2 - 1)$$

ج) حدد نوع السطح  $Q$  الذي معادلته:  $4x^2 + 4y^2 + 4z^2 + 4xy + 4xz + 4yz - 3 = 0$ [2] أ) لأي متجهين  $u, v \neq 0$  من فراغ ضرب داخلي  $V$ . اثبت أن  $\langle u - bv, (b - c)v \rangle = 0$  إذا كان

$$b = \frac{\langle u, v \rangle}{\langle v, v \rangle}, \quad b \neq c$$

ب) لتكن  $\lambda_1 \neq \lambda_2$  قمتين ذاتيتين لمصفوفة مربعة متماثلة  $A$  وأن  $X_2, X_1$  هما المتجهين الآتين المقابلينللقمتين  $\lambda_1, \lambda_2$ . اثبت أن  $X_1 \cdot X_2 = 0$ . (٢٥ درجة)[3] أ) اعتبر  $T: V \rightarrow V$  مؤثراً خطياً في فراغ خطي  $V$  منتهى البعد. إذا كانت  $A, A'$  هما مصفوفتين  $T$ بالنسبة للأساسين  $B, B'$  على الترتيب فاثبت أن  $A' = p^{-1}Ap$  حيث  $p$  هي مصفوفة الانتقالمن  $B$  إلى  $B'$ .ب) أوجد مصفوفة  $T$  بالنسبة إلى  $B$  واستخدم النظرية السابقة لحساب مصفوفة  $T$  بالنسبة إلى  $B'$  حيث:

$$T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3, \quad T(x_1, x_2, x_3) = \begin{bmatrix} x_1 + 2x_2 - x_3 \\ -x_2 \\ x_1 + 7x_3 \end{bmatrix}$$

و  $B$  هو الأساس المعتاد للفراغ  $\mathbb{R}^3$ ,

(٣٠ درجة)

$$B' = \{(1,0,0), (1,1,0), (1,1,1)\}$$

[4] أ) أوجد مصفوفة عمودية  $P$  تحول إلى الصورة القطرية المصفوفة  $A = \begin{bmatrix} 4 & 2 & 2 \\ 2 & 4 & 2 \\ 2 & 2 & 4 \end{bmatrix}$ ب) هل المصفوفة المتماثلة  $A = \begin{bmatrix} a & c \\ c & b \end{bmatrix}$  تتحول دائماً لمصفوفة قطرية؟ وضح إجابتك.

مع أطيب التمنيات بالنجاح

Mansoura Univ.  
Faculty of Science  
Mathematics Dept.  
Subject: Math.

Course Electrodynamics math 321

3rdYear: math.

Date June 2013

Time: 2 hours

Full marks: 80

Answer the following questions:

[1] Why classical mechanics is not applicable to light. State special relativity principles. Derive Lorentz transformations. Derive length contraction, time dilation and apply them to the mu meson phenomena in cosmic rays.

[20 marks].

[2] i) State the basic equations for electrostatics and magneto-statics. Hence derive Maxwell's equations. Derive plane wave solution for conducting media. Explain the meaning of skin effect.

ii) Define 4-vector, velocity and momentum 4-vectors. Hence derive Compton relation.

[20 marks].

[3] i) Derive the transformation formulas for the electric and magnetic fields. Show that special relativity truly unifies them.

ii) Derive Doppler relation. Explain its importance. [20 marks].

[4] i) Comment on the following statement: Since special relativity disagrees with Newton gravity, a new theory of gravity is needed.

ii) State Larmor formula. Explain its contradiction with the stability of atoms.

[20 marks].



أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول:

(1) أذكر وبرهن كيف يمكن تحديد المجال الإجهادي عند نقطة ما داخل وسط قابل للتشكل. (10 درجات)

(2) إذا كانت مركبات ممتد الإجهاد عند نقطة ما داخل وسط قابل للتشكل هي

$$\sigma_{11} = 3, \sigma_{22} = \sigma_{33} = 0, \sigma_{12} = \sigma_{13} = 1, \sigma_{23} = 2$$

فأوجد الإجهادات الرئيسية والمساحات الرئيسية وكذلك سطح كوشي للإجهاد.

السؤال الثاني:

(1) أشرح المعنى الطبيعي لمركبات الإنفعال  $\epsilon_{yz}, \epsilon_{xx}$ . (10 درجات)

(2) إذا كان متجه الإزاحة عند نقطة ما داخل وسط قابل للتشكل

$$\underline{u} = -\frac{1}{E} \left[ \mu xz \hat{i} + \mu yz \hat{j} - \frac{1}{2} \left[ z^2 + \mu(x^2 + y^2) \right] \hat{k} \right]$$

فبين ما إذا كانت الحالة تمثل حالة واقعية للإنفعال ومن ثم أوجد طاقة جهد الإنفعال لوحدة الكتل.

السؤال الثالث:

(1) استنتج قانون هوك للأجسام سوية الخواص. (10 درجات)

(2) إذا كانت مركبات ممتد الإجهاد عند نقطة ما داخل وسط قابل للتشكل هي

$$\sigma_{11} = \sigma_{12} = 50, \sigma_{22} = 10, \sigma_{33} = -30, \sigma_{13} = 80, \sigma_{23} = -75$$

فأوجد مركبات متجه الإجهاد والمركبات العمودية والمماسية على المستوى المار بهذه النقطة والعمودي

$$\underline{\hat{v}} = (1/2, 1/2, 1/\sqrt{2})$$

السؤال الرابع:

(1) إدرس مسألة إنحناء عتب (كابول). (10 درجات)

(2) بين كيف يمكن حل المعادلات الأساسية لجسم مرن بدلالة الإزاحات، ثم بين أنه عند ثبوت القوى

الحجمية فإن معامل التمدد الحجمي دالة توافقية ومركبات متجه الإزاحة دوال ثنائية التوافق. (10 درجات)

جامعة المنصورة - كلية العلوم  
قسم الرياضيات  
التاريخ: ١٧ / ٦ / ٢٠١٣ م  
الدرجة الكلية: ٨٠ درجة  
الزمن: ساعتان



امتحان دور مايو ٢٠١٣ م  
برنامج: الرياضيات  
المستوى: الثالث  
اسم المقرر: نظرية احصائية (١)  
كود المادة: ر ٣٣٣

أجب عن الأسئلة الآتية :-

السؤال الأول: (أ) إذا كانت  $X_1, X_2, \dots, X_n$  عينة عشوائية من المشاهدات المستقلة المسحوبة من مجتمع  $N(\mu, \sigma^2)$  أثبت أن  $\bar{X}$  مقدر كاف للمعلم  $\mu$  (١٥ درجة)

(ب) أخذت عينة عشوائية مكونة من 5 وحدات من بين الوحدات المزروعة بنوع معين من القطن فكانت إنتاجيتها بالقنطار هي 34, 25, 43, 37, 45 و أخذت عينة عشوائية أخرى مكونة من 7 وحدات من الوحدات المزروعة بنوع آخر من القطن فكانت إنتاجيتها بالقنطار هي 29, 20, 31, 23, 35, 41, 39 و بفرض ان انتاجية كل نوع من القطن تتبع توزيع طبيعي و أن لهما نفس التباين . احسب 95 % فترة ثقة للفرق بين متوسطي المجتمعين. (١٥ درجة)

السؤال الثاني: (أ) إذا كانت دالة احتمال المتغير  $X$  هي  $f(x, \theta) = \frac{e^{-\theta} \theta^x}{x!} : x = 0, 1, 2, \dots$  حيث  $\theta$

هي معلم التوزيع . أثبت أن  $\theta$  لها عدد لانهاى من المقدرات غير المتحيزة (١٠ درجات)  
(ب) سحبت عينة عشوائية حجمها 800 نبات من أفراد مجتمع مكون من 40000 نبات فوجد أن عدد المصابين فى العينة بمرض معين 560 نبات . (١) احسب 99 % فترة ثقة لنسبة المصابين بذلك المرض فى ذلك المجتمع (٢) احسب 99 % فترة ثقة لعدد الأفراد المصابين بذلك المرض فى ذلك المجتمع . (١٠ درجات)

(ج) أثبت أن النسبة فى العينة  $\hat{p} = \frac{X}{n}$  مقدر متنسق للمعلم  $P$  فى توزيع ذى الحدين حيث  $X$  عدد مرات النجاح فى  $n$  محاولة. (١٠ درجات)

السؤال الثالث: (أ) سحبت عينة عشوائية حجمها  $n$  من مجتمع طبيعى وسطه الحسابى  $\mu$  و تباينه  $\sigma^2$  (معلوم) . أوجد تقدير الإمكان الأكبر للمعلم  $\mu$  (١٠ درجات)  
(ب) إذا كان متوسط الدخل الشهرى للأسر فى إحدى المدن هو 6000 جنية و الانحراف المعيارى هو 1000 جنية . اختيرت عينة عشوائية حجمها 100 أسرة من هذه المدينة . أوجد احتمال أن يتراوح متوسط دخل الأسرة فى العينة بين 5950 و 6150 جنية . (١٠ درجات)

$$Z_{0.025} = 1.96, Z_{0.005} = 2.58, \Phi(-0.5) = 0.3085, \Phi(1.5) = 0.9332, t_{(0.025, 10)} = 2.228$$

مع أطيب التمنيات بالتوفيق - د. فاتن شيحة